Calcolo del pH di acidi e di basi forti

1. Utilizzo della calcolatrice scientifica

Anche se sembra banale l'utilizzo della calcolatrice scientifica per un calcolo implica la conoscenza dei tasti da utilizzare. La questione è ulteriormente complicata dal fatto che questi tasti non sono standardizzati, ma variano nella forma da calcolatrice a calcolatrice.

Può accadere anche che vari anche l'ordine dei tasti da utilizzare.

Nei calcoli logaritmici ed esponenziali è necessario conoscere l'utilizzo di almeno 3 tasti-funzione:

- Il tasto Logaritmo in base 10: è indicato nella quasi totalità delle calcolatrici come **log**
- Il tasto esponenziale: viene indicato come x10 oppure EXP
- Il tasto cambio segno: viene indicato come +/- oppure ()

Per l'ordine della sequenza: nella maggior parte delle calcolatrici si deve premere prima il tasto funzione e poi i tasti numerici: Log 5 = (risultato)

In alcune (specie le vecchie Casio) si deve fare il contrario, cioè il tasto funzione si preme per ultimo: 5 Log (risultato)

Per sincerarsene conviene preventivamente provare a calcolare il logaritmo di un numero come sequenza: Log 5 = (risultato)

Se invece del risultato viene riportato un codice di errore (es: SINTAX ERROR) allora si deve cambiare l'ordine di sequenza

Vediamo ora alcuni esempi:

I tasti da usare sono nell'ordine:

I tasti da usare sono nell'ordine:

$$Log 2,5 \times 10x (-) 5 = (R = -4,602)$$

Importante: dopo 2,5 non utilizzate il tasto moltiplicazione X

c) Log
$$\sqrt{5,1 \times 2 \cdot 10^{-4}}$$

È importante dopo il tasto radice quadrata aprire una parentesi

I tasti da usare sono nell'ordine:

$$Log V (5,1 \times 2 \times 10^{x} (-) 4) = (R = -1,49569)$$

2. pH di acidi forti

Ricordiamo che per definizione $pH = -Log[H^{\dagger}]$

dato un acido HA di concentrazione iniziale CA

in acqua avverranno le seguenti reazioni:

- a) $HA \rightarrow H^{+} + A^{-}$ dissociazione dell'acido
- b) H₂O → H⁺ + OH⁻ dissociazione dell'acqua

La quantità degli idrogenioni sarà data dalla somma dei 2 apporti (acido e acqua)

Cioè:
$$[H^{\dagger}]_{tot} = [H^{\dagger}]_{acido} + [H^{\dagger}]_{acqua}$$

Dove: $[H^{\dagger}]_{acido} = C_A$ essendo l'acido completamente dissociato in ioni

Quindi per acidi NON TROPPO DILUITI (C >10⁻⁵) possiamo ragionevolmente trascurare il contributo dell'acqua in quanto molto più piccolo di quello dell'acido e scrivere:

$$[H^{\dagger}]_{tot} = C_A$$

La formula del pH diventa quindi: $pH = -Log C_A$

Esempio:

il pH di una soluzione 10⁻²M di acido cloridrico sarà:

$$pH = -Log 10^{-2} = 2$$

3. pH di basi forti

data una base BOH di concentrazione iniziale C_B

in acqua avverranno le seguenti reazioni:

- a) $BOH \rightarrow B^+ + OH^-$ dissociazione della base
- b) H₂O → H⁺ + OH⁻ dissociazione dell'acqua

La quantità degli ioni OH sarà data dalla somma dei 2 apporti (base e acqua)

Cioè:
$$[OH^-]_{tot} = [OH^-]_{base} + [OH^-]_{acqua}$$

Dove: $[OH^-]_{base} = C_B$ essendo la base completamente dissociata in ioni

Quindi per basi NON TROPPO DILUITE (C >10⁻⁵) possiamo ragionevolmente trascurare il contributo dell'acqua in quanto molto più piccolo di quello dell'acido e scrivere:

$[OH^{-}]_{tot} = C_{B}$

Dal prodotto ionico dell'acqua $Kw = [H^{+}][OH^{-}] = 10^{-14}$

si può ricavare:
$$[H^+] = \frac{10^{-14}}{[OH^-]} = \frac{10^{-14}}{C_B}$$

quindi il pH sarà: pH = - Log
$$\frac{10^{-14}}{C_B}$$

si applica una proprietà fondamentale dei logaritmi: $\log \frac{a}{b} = \log a - \log b$

si ottiene
$$pH = - Log 10^{-14} + Log C_B$$

cioè:
$$pH = 14 + Log C_B$$

esempio: avendo una soluzione di NaOH 0,05M il pH sarà:

$$pH = 14 + Log 0.05 = 12.70$$

4. pH di acidi deboli

dato un acido debole HA di concentrazione iniziale C_A con costante di dissociazione acida K_A

- a) HA

 → H⁺ + A⁻ dissociazione dell'acido
- b) H₂O ← H⁺ + OH⁻ dissociazione dell'acqua

La costante di dissociazione dell' acido sarà:

$$K_{A} = \frac{[H^+][A^-]}{[HA]}$$

Anche in questo caso si possono fare delle approssimazioni:

1) Per acidi NON TROPPO DILUITI (C >10⁻⁵) possiamo ragionevolmente trascurare il contributo dell'acqua in quanto molto più piccolo di quello dell'acido e scrivere:

$$[H^{\dagger}]_{tot} = [H^{\dagger}]_{Acido}$$

2) Poiché l'acido è debole ragionevolmente si può approssimare la concentrazione di acido indissociato HA uguale alla concentrazione iniziale dell'acido (di ioni se ne formano pochi)

$$[HA] = C_A$$

Inoltre dai coefficienti stechiometrici della reazione (sono tutti 1) posso affermare che: $[A^-] = [H^+]$

quindi assemblando i dati, la costante d'equilibrio diventa:

$$K_A = \frac{[H^+][H^+]}{C_A} = \frac{[H^+]^2}{C_A}$$

E quindi
$$[H^+] = \sqrt{K_A C_A}$$

Da cui il pH:
$$pH = - Log \sqrt{K_A C_A}$$

5. pH di basi deboli

data una base ${f B}$ di concentrazione iniziale ${f C}_{f B}$

con costante di dissociazione basica K_B e reazioni:

- a) $B + H_2O \implies BH^+ + OH^-$ dissociazione della base
- b) H₂O ← H⁺ + OH⁻ dissociazione dell'acqua

La costante di dissociazione della base sarà:

$$K_B = \frac{[BH^+][OH^-]}{[B][H2O]}$$

Con ragionamenti analoghi a quelli degli acidi deboli e applicando le stesse leggi applicate alle basi forti si può facilmente concludere (senza ricorrere alla completa dimostrazione) che, per le basi deboli, la formula del pH sarà:

pH = 14 + Log
$$\sqrt{K_BC_B}$$

6. RIEPILOGO

Acidi Forti:
$$pH = -Log C_A$$

Acidi deboli:
$$pH = - Log \sqrt{K_A C_A}$$

Basi Forti:
$$pH = 14 + Log C_B$$

Basi deboli:
$$pH = 14 + Log \sqrt{K_B C_B}$$

Esercizi:

- 1) Calcolare il pH di una soluzione di HNO₃ 3·10⁻⁴
- 2) Calcolare il pH di una soluzione ottenuta sciogliendo 0,5g di KOH in 500 mL di acqua
- 3) Calcolare il pH di 250 mL di soluzione acquosa contenente 0,25g di etilammina
- 4) Calcolare il pH di 750 mL di soluzione acquosa contenente 1,5 g di acido acetico