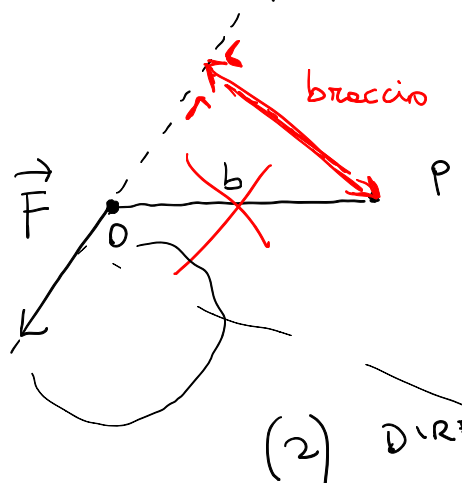


MOMENTO DI UNA FORZA : vettore

- MODULO (1)
- DIREZIONE (2)
- VERSO (2)

rispetto a un punto detto POLO.



(1) MODULO : prodotto del modulo delle forze per la distanza tra il POLO e la direzione di \vec{F} .

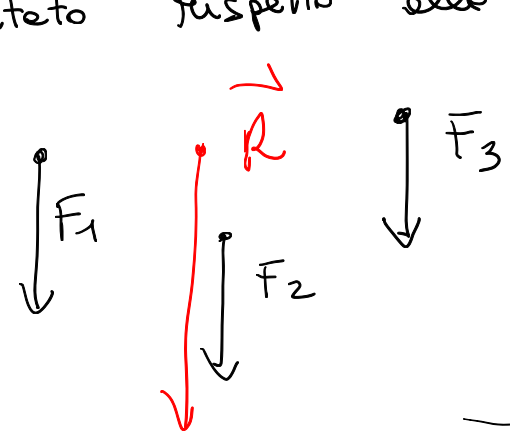
(2) DIREZIONE : \perp al PIANO CONTENENTE il POLO e la FORZA

(3) VERSO determinato dalle regole delle mano destra

In 2D \rightarrow la direzione \vec{e} sempre \perp al foglio e il verso entrante o uscente dal foglio

\Downarrow
 VERSO ORARIO $< 0 \rightarrow$ verso entrante
 VERSO ANTIORARIO $> 0 \rightarrow$ verso uscente

TEOREMA DI VARIGNON : In un sistema di forze complanari la somma algebrica dei momenti delle singole forze, rispetto a un punto P, è uguale alla momento della RISULTANTE, valutato rispetto allo stesso punto.



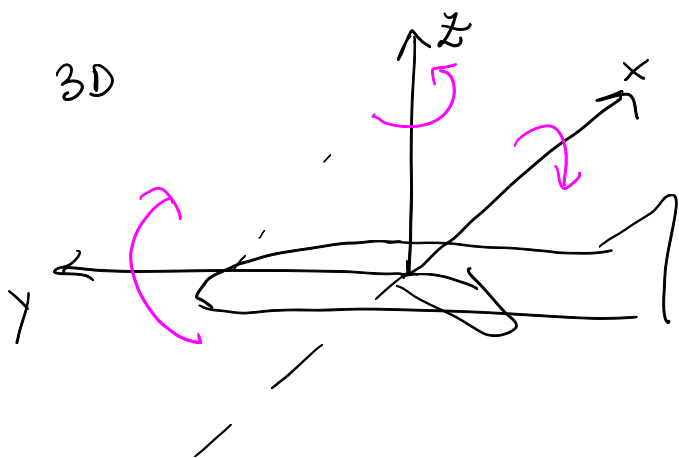
$$\vec{R} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3$$

$$M_{F_1/P} + M_{F_2/P} + M_{F_3/P} = M_{R/P}$$

GRADI DI LIBERTÀ

I movimenti che un corpo può avere nello spazio.
POSSIBILITÀ di MOVIMENTO.

In 3D

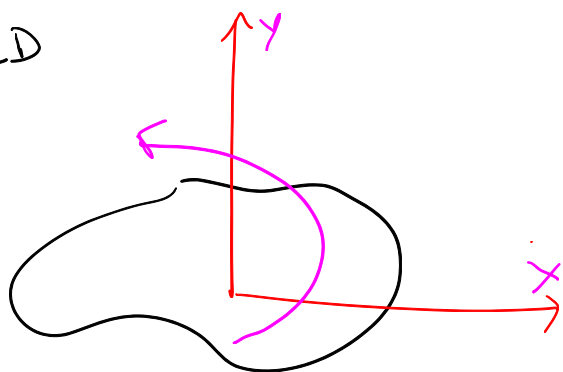


3 TRASLAZIONI
3 ROTAZIONI



6 p. d. l.

In 2D



2 TRASLAZIONI x-y

1 ROTAZIONE nel piano

EQQ. CARDINALI DELLA STATICA

Un corpo \bar{e} in equilibrio quando:

$$\sum \vec{F} = 0 \quad \text{e} \quad \sum \vec{M} = 0$$

In 2D:

$$\left. \begin{array}{l} \sum F_x = 0 \\ \sum F_y = 0 \end{array} \right\} \text{e} \quad \sum M = 0$$

EQUILIBRIO dei CORPI VINCOLATI (2D)

VINCOLI : dispositivi capaci di bloccare i g.d.l.

SIMBOLO

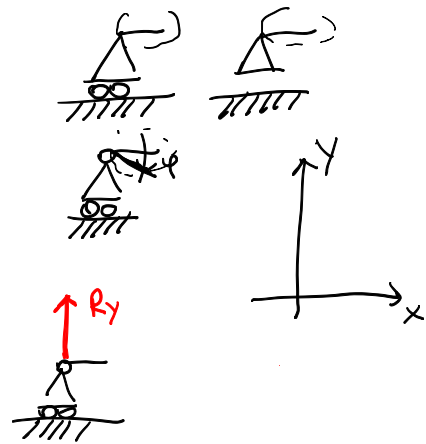
1. CARRELLO o APPOGGIO SEMPLICE

blocco
1 g.d.l.

CARATTERIZZAZIONE CINEMATICA

$$\begin{cases} v_y = 0 \\ v_x \neq 0 \\ w \neq 0 \end{cases}$$

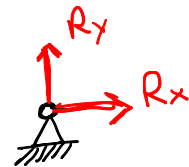
CARATTERIZZAZIONE STATICA

$$\begin{cases} R_y \neq 0 \\ R_x = 0 \\ M = 0 \end{cases}$$


2. CERNIERA

blocco
2 g.d.l.

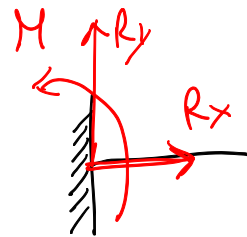
$$\begin{cases} v_x = 0 \\ v_y = 0 \\ w \neq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} R_x \neq 0 \\ R_y \neq 0 \\ M = 0 \end{cases}$$


3. INCASTRO

blocco
3 g.d.l.

$$\begin{cases} v_x = 0 \\ v_y = 0 \\ w = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} R_x \neq 0 \\ R_y \neq 0 \\ M \neq 0 \end{cases}$$


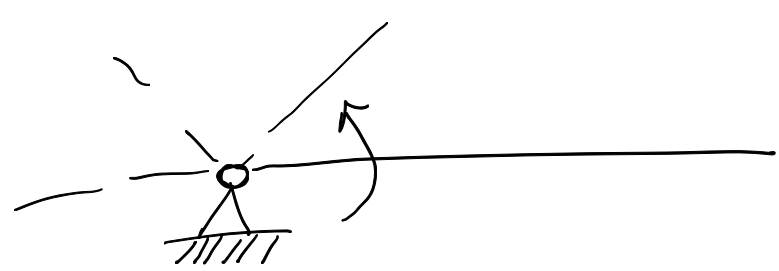
STRUTTURE LABILI (MECCANISMI), ISOSTATICHE E IPERSTATICHE

① STRUTTURE LABILI : hanno un numero di vincoli $<$ e quelli richiesti per bloccare tutti i g.d.l.

② STRUTTURE ISOSTATICHE: hanno un numero =
di vincoli richiesti per bloccare
i g.d.l (con le relative molteplicità)

③ STRUTTURE IPERSTATICHE: hanno un numero >
di vincoli richiesti per bloccare
i g.d.l

① CORPO: ASTA



ho bloccato solo 2 p.d.l



ho inserito
2 vincoli

~~si può muovere lungo x~~

②

CARRELLI



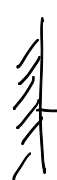
CERNIERA TRAVE SEMPLICEMENTE
APPoggIATA



2 VINCOLI

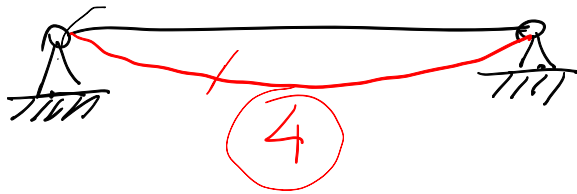
CARRELLI => blocca 1 g.d.l

CERNIERA -> ha molteplicità 2
=> blocca 2 g.d.l



TRAVE
INCASTRATA

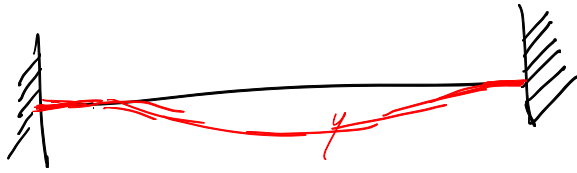
3



2 CERNIERE

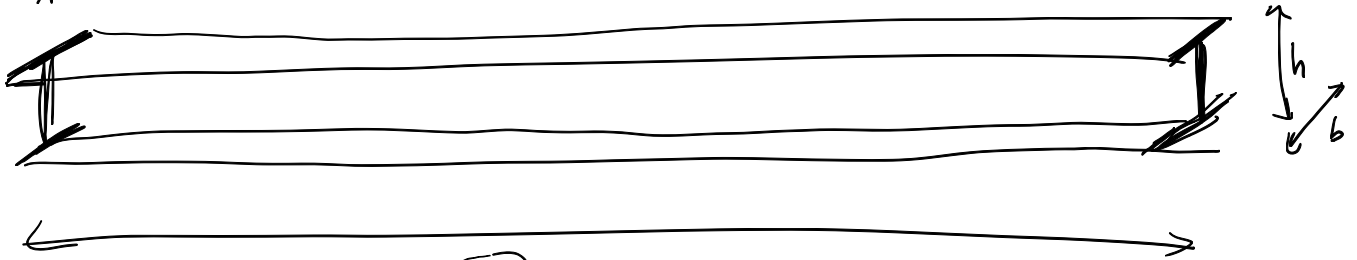
Le p.d.l. bloccati

SISTEMA IPERSTATICO



DOPPIO INCASTRO
6

Studieremo TRAVI MONODIMENSIONALI, cioè in cui una dimensione prevale sulle altre 2.
Esempio: trave lunga



$l \gg h, l \gg b \Rightarrow$ si può considerare il corpo MONODIMENSIONALE

La indicheremo con una semiretta:



TRAVE
SEMPLICEMENTE
APPOGGIATA

Per avere EQUILIBRIO

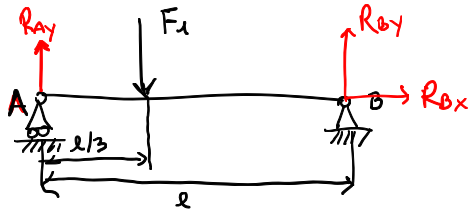
$$\sum F_x = 0$$

$$\sum F_y = 0$$

$$\sum M = 0$$

Applichiamo delle FORZE

TRAVE APPOGGIATA



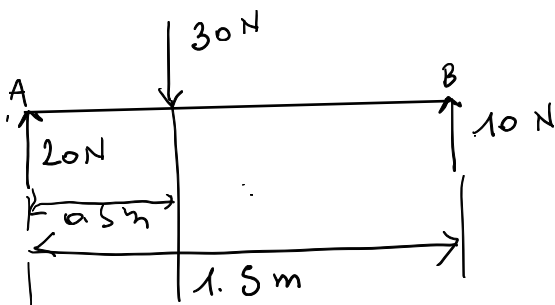
$$F_1 = 30 \text{ N}$$

$$l = 1.5 \text{ m}$$

Applicando le EQQ. CARDINALI DELLA STATICA trovo l'EQUILIBRIO

$$\begin{cases} \sum F_x = 0 \rightarrow \\ \sum F_y = 0 \\ \sum M = 0 \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Scalpo un} \\ \text{verso positivo} \end{array} \quad \begin{array}{l} + \\ +\uparrow \\ \curvearrowright^+ \end{array} \left(\begin{array}{l} R_{Bx} = 0 \\ R_{Ay} + R_{By} - F_1 = 0 \\ -F_1 \cdot \frac{l}{3} + R_{By} \cdot l = 0 \end{array} \right) \Rightarrow$$

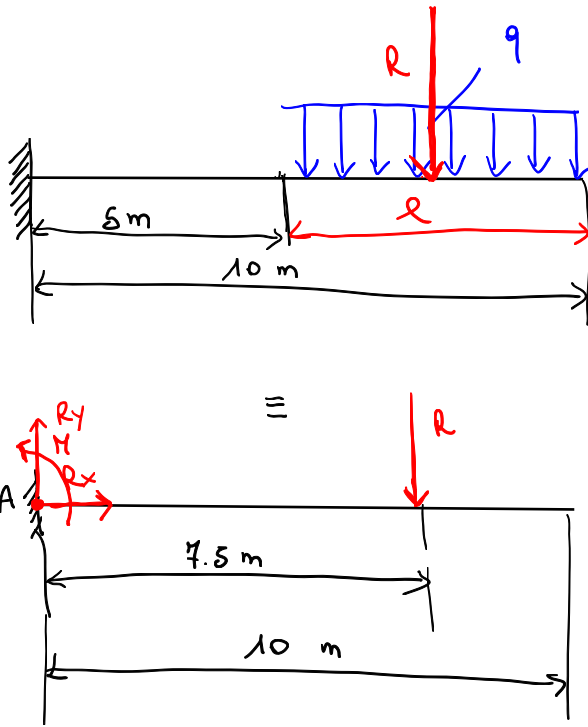
$$\begin{cases} R_{Bx} = 0 \\ R_{Ay} + \frac{F_1}{3} - F_1 = 0 \\ R_{By} = \frac{F_1 \cdot \frac{l}{3}}{l} = \frac{F_1}{3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R_{Bx} = 0 \\ R_{Ay} = \frac{2}{3} F_1 = 20 \text{ N} \\ R_{By} = \frac{F_1}{3} = 10 \text{ N} \end{cases}$$



$$\begin{array}{l} \curvearrowright^+ \text{ A) } \\ -30 \text{ N} \cdot 0.5 \text{ m} + 10 \cdot 1.5 \text{ m} = \\ = -15 \text{ N} \cdot \text{m} + 15 \text{ N} \cdot \text{m} = \\ = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \curvearrowright^+ \text{ B) } \\ 30 \text{ N} \cdot 1 \text{ m} - 20 \text{ N} \cdot 1.5 \text{ m} = \\ = 30 \text{ N} \cdot \text{m} - 30 \text{ N} \cdot \text{m} = 0 \end{array}$$

TRAVE INCASTRATA (MENSOLO) CON CARICO DISTRIBUITO



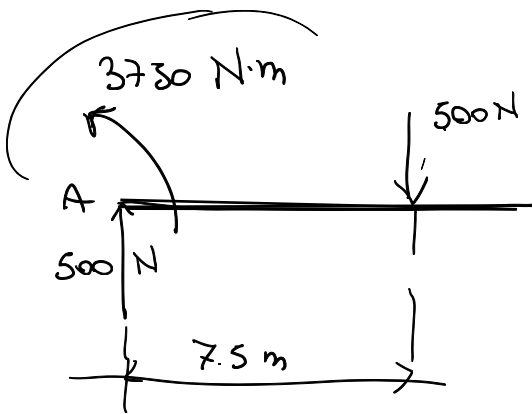
$$q = 100 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

↓
Calcolo la risultante
della distribuzione

$$R = q \cdot l = 100 \frac{\text{N}}{\text{m}} \cdot 5\text{m} = 500 \text{ N}$$

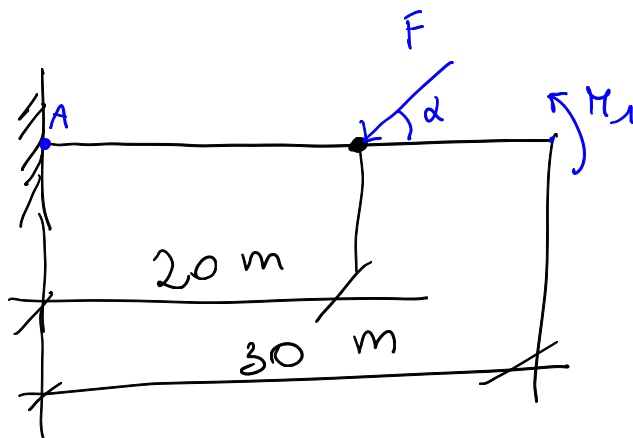
$l \rightarrow$ lunghezza in cui
è distribuito il carico
applicato nel baricentro della
distribuzione

$$\begin{cases} \sum \bar{F}_x = 0 \\ \sum \bar{F}_y = 0 \\ \sum \bar{M} = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} +\rightarrow R_x = 0 \\ +\uparrow R_y - R = 0 \\ +\textcircled{A} M - R \cdot 7.5\text{m} = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R_x = 0 \\ R_y = R = 500 \text{ N} \\ M = R \cdot 7.5\text{m} = 500\text{N} \cdot 7.5\text{m} = 3750 \frac{\text{N}}{\text{m}} \end{cases}$$



$$-500 \cdot 7.5 + 3750 = 0$$

ESERCIZIO



$$F = 100 \text{ N}$$

$$\alpha = 30^\circ$$

$$M_1 = 3000 \text{ N} \cdot \text{m}$$