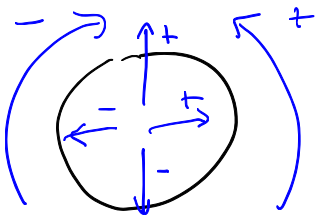


EQUILIBRIO DEI CORPI VINCOLATI

Ob: Determinare le reazioni vincolari di un corpo monodimensionale vincolato con opportuni vincoli.

1. GRADI DI LIBERTÀ di UN CORPO NEL PIANO 2D

↳ Possibili movimenti (traslazione e rotazioni) nel piano.



MOVIMENTI POSSIBILI:

1 - ROTAZIONE NEL PIANO
(senso orario o antiorario)
↳ verso ↻

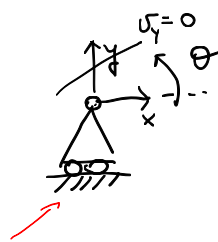
2 - TRASLARE LUNGO L'ASSE X
(senso >0, <0)

3 - TRASLARE LUNGO L'ASSE Y

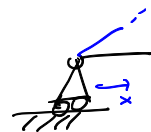
⇒ UN CORPO NEL PIANO HA 3 GRADI DI LIBERTÀ.

2. DEFINIZIONE DEI VINCOLI: Dispositivi tecnologici che permettono di bloccare 1 o + gradi di libertà

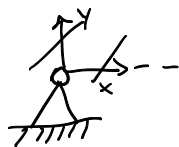
- CARRELLO



Blocca la traslazione lungo l'asse y



- CERNIERA

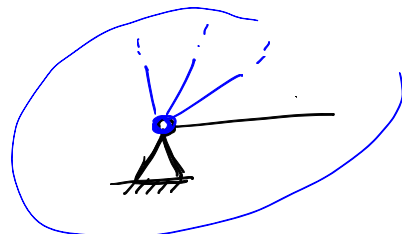
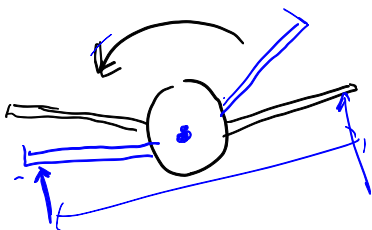


Blocca la traslazione lungo l'asse x e l'asse y. La rotazione è libera.

- INCASTRO

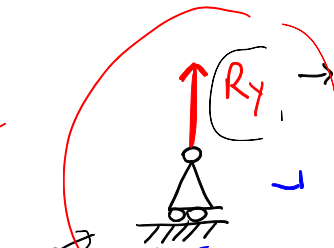


Blocca le traslazioni x e y e la rotazione.



REAZIONI VINCOLARI

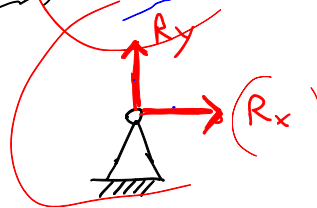
- CARRELLI



permette di ostacolare il moto

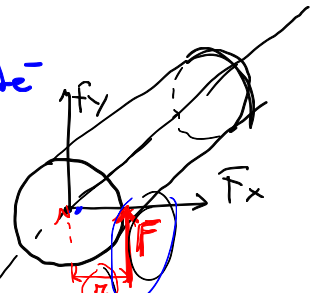
multiplicità 1

- CERNIERA



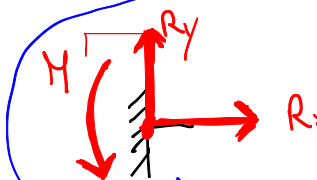
un vincolo con molteplicità 2, perché blocca f.d.l.

gradi di libertà



$$M = F \cdot r$$

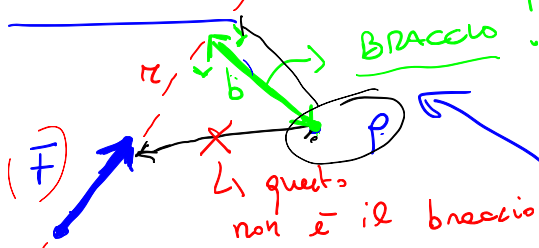
- INCASTRO



multiplicità 3

il momento

PIANO 2D



BRACCIO!

questo non è il braccio!

DIREZIONE \perp al foglio

$$M = F \cdot b$$

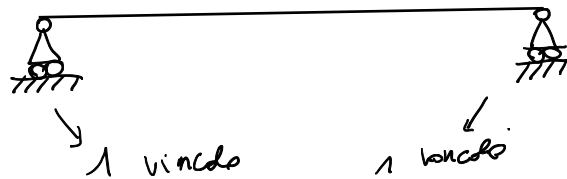
DEF. di MOMENTO: di una FORZA F rispetto ad un PUNTO P , detto POLO, è un vettore, definito in MODULO, DIREZIONE e VERSO;

MODULO: prodotto tra il modulo della forza per la distanza tra il polo e la retta d'azione della forza.

DIREZIONE: \perp al piano contenente la forza e il polo

VERSO: le regole della mano destra

ESEMPIO 1



1 vincolo

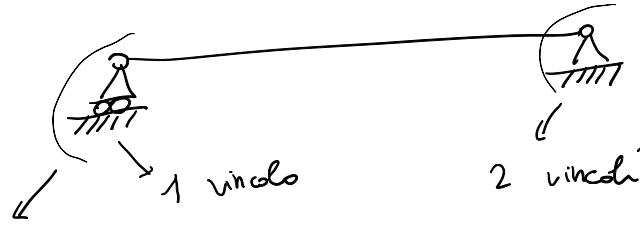
1 vincolo

SISTEMA LABILE

Numero dei vincoli $<$ ai gradi di libertà

$$2 < 3$$

ESEMPIO 2



TRAVE
SEMPLICEMENTE
APPOGGIATA

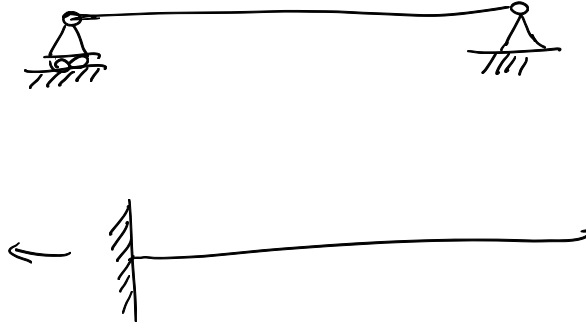
$$3 \text{ vincoli} = 3 \text{ g. d. l.}$$

↓
SISTEMA

ISOSTATICO:

$$\text{numero vincoli} = \text{numero g. d. l.}$$

MEUSOLA
(TRAVE
INCASTRATA)



$$3 \text{ vincoli} = 3 \text{ g. d. l.}$$

↓
SISTEMA ISOSTATICO

ESEMPIO 3

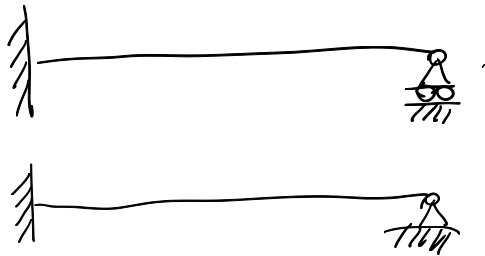


$$6 \text{ vincoli} > 3 \text{ g. d. l.}$$

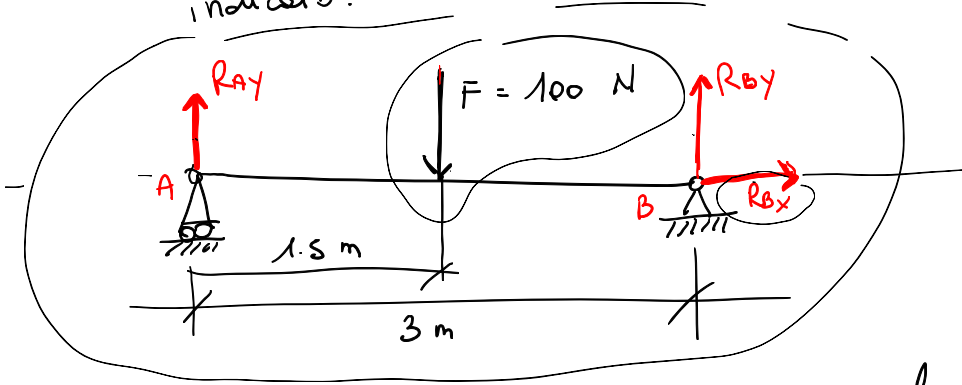
↓
SISTEMA

IPERSTATICO

$$n. \text{ vincoli} > n. \text{ di g. d. l.}$$



ESERCIZIO: trovare le reazioni vincolari della seguente trave appoggiata, soggetta al sistema di forze indicato.



Per trovare le reazioni vincolari applico le eqq. Cardinali della STATICA (eqq. dell' EQUILIBRIO):

$$\begin{cases} \sum F_x = 0 \\ \sum F_y = 0 \\ \sum M = 0 \end{cases} \Rightarrow$$

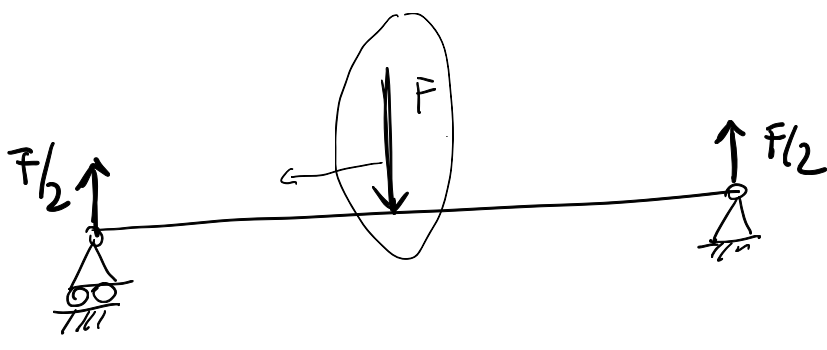
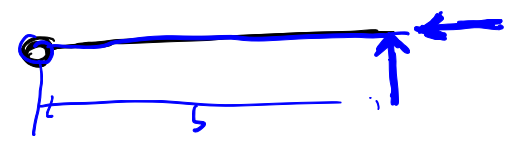
$$\begin{aligned} \rightarrow & R_{Bx} = 0 \\ \uparrow & R_{Ay} + R_{By} - F = 0 \\ \curvearrowright & R_{Ay} \cdot \phi = F \cdot 1.5m + R_{By} \cdot 3m + R_{Bx} \cdot \phi \end{aligned}$$

Il braccio è nullo perché la direzione di R_{Bx} coincide con A!
Non ho braccio perché le direzioni di R_{Bx} coincide con A

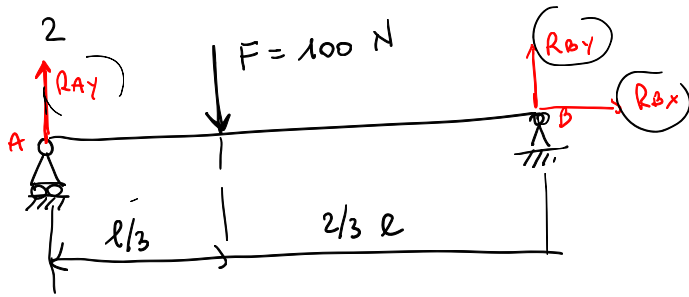
$$\begin{cases} R_{Bx} = 0 \\ R_{Ay} + R_{By} - F = 0 \\ -F \cdot 1.5m + R_{By} \cdot 3m = 0 \end{cases}$$

F è noto

$$\begin{cases} R_{Bx} = 0 \\ R_{Ay} = F - R_{By} = F - \frac{F}{2} = \frac{F}{2} = 50 \text{ N} \\ R_{By} = \frac{F \cdot 1.5m}{3m} = \frac{F}{2} = 50 \text{ N} \end{cases}$$

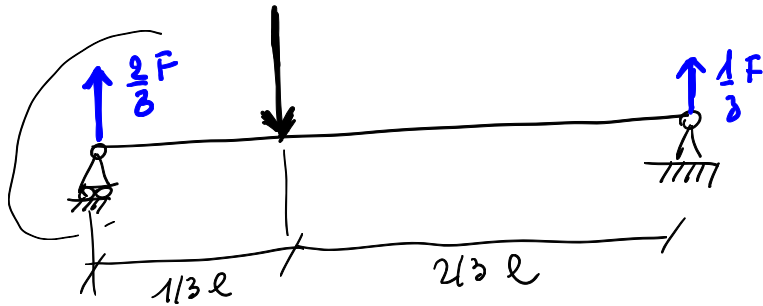


ESERCIZIO

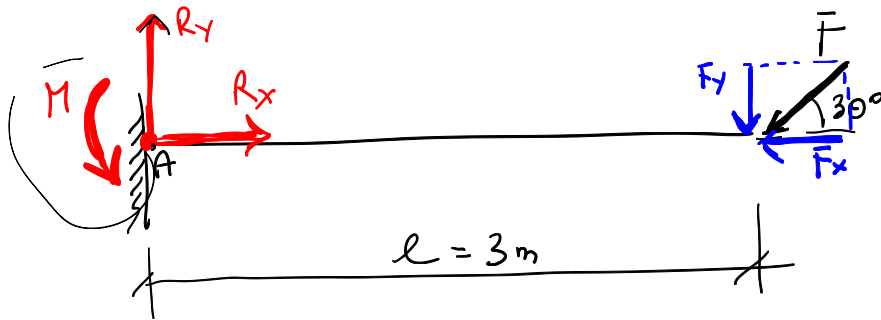


$$\frac{l}{3} + \frac{2}{3}l = l$$

$$\begin{aligned} \rightarrow & \left\{ \begin{array}{l} R_{Bx} = 0 \\ R_{Ay} - F + R_{By} = 0 \\ -R_{Ay} \cdot l + F \cdot \frac{2}{3}l = 0 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} R_{Bx} = 0 \\ R_{By} = F - R_{Ay} = F - \frac{2}{3}F = \frac{F}{3} \\ +R_{Ay} = +\frac{2}{3}F \end{array} \right. \end{aligned}$$

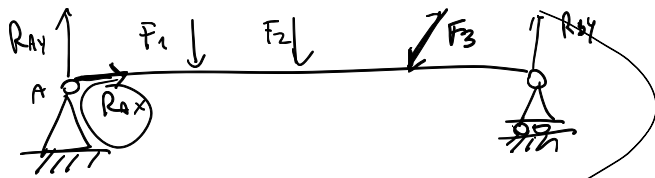


ESERCIZIO

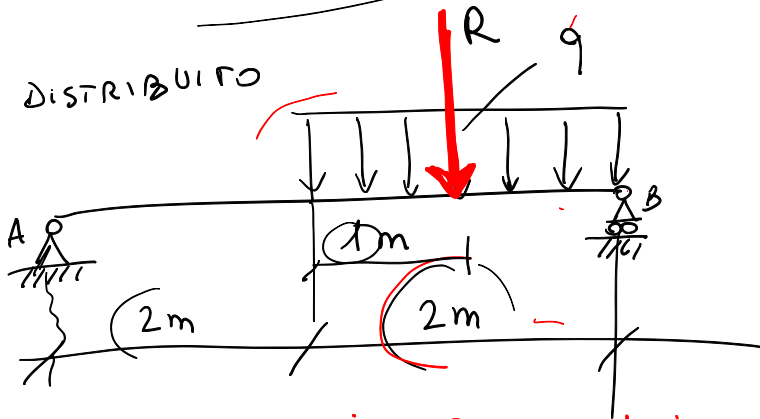


$$\begin{aligned} F_y &= F \cdot \sin 30^\circ \\ F_x &= F \cdot \cos 30^\circ \\ \hline F &= 100 \text{ N} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \uparrow & \left\{ \begin{array}{l} R_x - \bar{F}_x = 0 \\ R_y - \bar{F}_y = 0 \\ M - \bar{F}_y \cdot l = 0 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} R_x = \bar{F}_x = 100 \cdot \cos 30^\circ = 100 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ N} \\ R_y = \bar{F}_y = 100 \cdot \sin 30^\circ = 100 \cdot \frac{1}{2} \text{ N} = 50 \text{ N} \\ M = \bar{F}_y \cdot l = 50 \text{ N} \cdot 3 \text{ m} = 150 \text{ N} \cdot \text{m} \end{array} \right. \end{aligned}$$



CARICO DISTRIBUITO



$$q = \frac{500 \text{ N}}{\text{m}}$$

CARICO DISTRIBUITO
X UNITÀ DI
LUNGHEZZA

Posso sostituire alle distribuzioni la sua RESULTANTE
applicata nel BARICENTRO della distribuzione.

$$R = q \cdot l =$$

$$= \frac{500 \text{ N}}{\text{m}} \cdot 2 \text{ m} = 1000 \text{ N}$$